

## DEVOIR SURVEILLE N°2

### COURS :

3 points

1. Enoncer **avec précision** le théorème de comparaison de  $a$ ,  $a^2$  et  $a^3$  lorsque  $a$  est un réel positif.
2.  $x$  est un réel tel que  $3 < x < 4$ . On pose  $A = 4 - x$ , comparer  $A$ ,  $A^2$  et  $A^3$ .

### EXERCICE 1 : Comparer les nombres suivants en précisant la méthode utilisée.

4 points

1.  $\frac{2}{5}$  et  $\frac{2}{5+\sqrt{3}}$ .
2.  $A = a^2 + b^2$  et  $B = 2ab$ , où  $a$  et  $b$  sont deux réels distincts.

### EXERCICE 2 : On sait que les nombres réels $x$ et $y$ vérifient $-5 < x < -3$ et $4 > y > 2$ .

4 points

Déterminer, en justifiant correctement, les **encadrements** des quantités suivantes.

$$5y, \quad \text{puis } \frac{1}{x}, \quad \text{puis } 5y + \frac{1}{x}$$

### EXERCICE 3 :

4 points

1. Traduire chaque inégalité par un **intervalle** :  
a)  $x > 5$       b)  $2 < x \leq 10$
2. En s'aidant d'un dessin, déterminer l'ensemble des réels  $x$  vérifiant :  
a)  $x > 5$  et  $x \leq -4$ .  
b)  $x > 5$  ou  $x \leq -4$ .
3. Déterminer l'**union** puis l'**intersection** des deux intervalles suivants en utilisant les symboles  $\cup, \cap$  (Le tracé des droites est conseillé)  
 $K = ]-2 ; 3]$  et  $L = [3 ; 5]$ .

### EXERCICE 4 :

5 points

1. Sur une droite graduée, A, B et M sont les points d'abscisses respectives 1, -3 et  $x$ .  
Exprimer dans chaque cas les **distances** suivantes avec la notation **valeurs absolue** :  
 $AB$  ;  $AM$ .
2. Calculer  $A = |5 - 7| - 2|20 + 2| + 3\left|\frac{1}{3} - 2\right| - 8$  et  $B = |\sqrt{2} - 1| + 3|-3 + \sqrt{2}| - 4\sqrt{2}$
3. Résoudre l'équation :  $|x - 1| = 3$ .
4. Résoudre l'inéquation  $|y + 2| \leq 2$  et donner la solution sous forme d'intervalle.

**BONUS :** Faire la démonstration du théorème donné à la question de cours.

## DEVOIR SURVEILLE N°2

### COURS :

3 points

1. Enoncer **avec précision** le théorème de passage à l'inverse dans les inégalités.
2.  $x$  est un réel tel que  $2 < x < 5$ . On pose  $A = x + \frac{1}{x}$ , donner un encadrement de  $A$ .

**EXERCICE 1 :** On sait que les nombres réels  $x$  et  $y$  vérifient  $-5 < x < -3$  et  $4 > y > 2$ . Déterminer, en justifiant correctement, les **encadrements** des quantités suivantes.

4 points

$$2x, \text{ puis } \frac{1}{y}, \text{ puis } 2x + \frac{1}{y}$$

**EXERCICE 2 :** Comparer les nombres suivants en précisant la méthode utilisée.

1.  $\frac{2}{5}$  et  $\frac{2}{5-\sqrt{3}}$ .
2.  $A = a^2 + b^2$  et  $B = 2ab$ , où  $a$  et  $b$  sont deux réels distincts.

### EXERCICE 3 :

4 points

1. Traduire chaque inégalité par un **intervalle** :  
a)  $x > 4$       b)  $2 < x \leq 10$
2. En s'aidant d'un dessin, déterminer l'ensemble des réels  $x$  vérifiant :  
a)  $x > 4$  et  $x \leq -5$ .  
b)  $x > 4$  ou  $x \leq -5$ .
3. Déterminer l'**union** puis l'**intersection** des deux intervalles suivants en utilisant les symboles  $\cup, \cap$ . (Le tracé des droites est conseillé.)  
 $K = ]-2 ; 4]$  et  $L = [4 ; 5]$ .

### EXERCICE 4 :

5 points

1. Sur une droite graduée, A, B et M sont les points d'abscisses respectives 1, -3 et  $x$ . Exprimer dans chaque cas les distances suivantes avec la notation valeurs absolue :  
AB ; AM.
2. Calculer  $A = |5-7| - 2|20+2| + 3\left|\frac{1}{3}-2\right| - 8$  et  $B = |\sqrt{2}-1| + 3|-3+\sqrt{2}| - 4\sqrt{2}$
3. Résoudre l'équation  $|x-1| = 3$ .
4. Résoudre l'inéquation  $|y+2| \leq 2$ , donner la solution sous forme d'intervalle.

**BONUS :** Faire la démonstration du théorème donné à la question de cours.